

Durée : 2h — Documents autorisés

■ ■ ■ **Programmation Python — (8 points)**

1– La « distance de Hamming » est une **métrique** permettant de comparer deux séquences de bits de même longueur : le **nombre de positions** pour laquelle la valeur des deux bits correspondant est **différente**.

La distance de Hamming de deux séquences de bits a et b est notée $d(a, b)$.

Pour déterminer $d(a, b)$, on calcule $a \oplus b$ et on compte le nombre de bit à 1 dans le résultat.

Exemple : soient deux séquences de bits 1101 1001 et 1001 1101 :

▷ $11011001 \oplus 10011101 = 01000100$, où \oplus est l'opération « xor » ;

▷ la séquence résultat 0100 0100 contenant deux 1, la distance de Hamming est de 2.

⇒ $d(11011001, 10011101) = 2$

On appelle la « distance minimale de Hamming », la distance de Hamming **la plus petite** obtenue entre **toutes les paires de séquence** appartenant à un **ensemble de séquences de même taille**.

a. Soient l'ensemble de séquences de bits : 1110010, 1001001, 1001111, 0101100 (1pt)
Calculez la distance minimale de Hamming pour cet ensemble.

b. Sous Python, l'opération « xor » est notée \wedge et s'utilise de la manière suivante : (1pt)

```
xterm
>>> 12^3
15
```

Expliquez comment, en Python, vous allez calculer le « xor » entre deux séquences de bits.

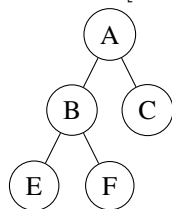
c. Écrivez une fonction Python acceptant deux séquences de bits en argument et retournant la distance de Hamming entre ces deux séquences de bits. (2pts)

d. Écrivez un programme Python utilisant la fonction précédente pour déterminer la « distance minimale de Hamming » d'un ensemble de séquence de bits donné sous forme d'une liste. (2pts)

e. Écrivez un programme Python qui pour une séquence de bits donnée quelconque, retourne la séquence la plus proche d'un ensemble E de séquences connues (la séquence n'appartient pas forcément à E). (2pts)

2– On construit une représentation d'un **arbre binaire** sous forme de listes imbriquées :

3pts nœud = [tête, enfant1, enfant2] (un nœud vide est indiqué par une liste vide).



```
1 arbre = ['A',
2         ['B',
3           ['E', [], []],
4           ['F', [], []]
5         ], # fin de B
6         ['C',
7           [],
8           []
9         ] # fin de C
10      ]
```

Écrire un programme Python réalisant l'affichage de chaque nœud de l'arbre.

■ ■ ■ **Unix — (2 points)**

3– a. Pour un processeur 64 bits sous Linux, la taille d'une page est de 4096 octets : de combien de pages dispose-t-on ? (1pt)

2pts

b. Est-ce que le décalage d'un octet de l'adresse de départ d'un programme en mémoire centrale est grave lors de son exécution par le processeur ? Expliquez ce qui arrive. (1pt)

■ ■ ■ Réseaux — (5 points)

- 4– a. On veut concevoir un **serveur TCP** qui reçoit une valeur en notation **hexadécimale** et renvoie la valeur *(1pt)*
5pts **entière** correspondante.
Que faut-il « *partager* » avec le client qui l'utilisera ?
- b. Écrire un programme Python TCP serveur qui **pour chaque connexion reçue**, réalise la conversion *(3pts)*
valeur hexadécimale vers valeur entière (une seule conversion par connexion).
- c. Si on veut étendre les fonctionnalités du serveur pour réaliser l'**opération inverse** « *valeur entière* \Rightarrow *(1pt)*
valeur hexadécimale », comment faut-il le faire pour que cela marche ?